Внутренняя энергия – функция состояния

Макроскопические системы, изучаемые в молекулярной физике и термодинамике, находятся, как правило, в покое. Их механическая энергия не меняется.

Энергетические преобразования в тепловых явлениях сопровождаются изменениями энергии, обусловленной внутренней структурой вещества и называемой внутренней энергией.

Согласно определению,

внутренняя энергия U термодинамической системы равна сумме кинетических энергий движения молекул и потенциальных энергий взаимодействия между ними:

$$U = E_k + E_{II}$$
.

Из молекулярно-кинетической теории мы знаем, что кинетические энергии молекул определяются температурой T. Следовательно, сумма кинетических энергий молекул системы является функцией ее температуры: $E_{\kappa} = E_{\kappa}(T)$.

Из механики вы знаете, что потенциальная энергия взаимодействия тел зависит от их взаимного расположения, расстояния между ними. С другой стороны, расстояния между молекулами зависят от объема V системы: при увеличении объема данной массы газа расстояния между молекулами увеличиваются. Итак, сумма потенциальных энергий взаимодействия между молекулами есть функция объема системы $E_{\Pi} = E_{\Pi}(V)$.

В рамках молекулярно-кинетической теории мы ограничимся только случаем идеального газа, молекулы которого не взаимодействуют на расстоянии.

Итак, потенциальная энергия взаимодействия между молекулами идеального газа равна нулю: $E_{\Pi}(V)=0$.

Следовательно, внутренняя энергия идеального газа зависит только от его температуры:

$$U = U_k(T) = E_k(T).$$

Молекулярно-кинетическая теория приводит к следующему выражению для внутренней энергии идеального одноатомного газа, молекулы которого совершают только поступательное движение:

$$U = \frac{3}{2}vRT = \frac{3}{2}\frac{m}{M}RT,$$

где ν - количество моль газа, R - универсальная газовая постоянная, T - температура газа.

Внутренняя энергия тела определяет его тепловое состояние и изменяется при переходе из одного состояния в другое. В данном состоянии тело обладает вполне определенной внутренней энергией, не зависящей от того, в результате какого процесса оно перешло в данное состояние. Поэтому внутреннюю энергию называют функцией состояния тела.

Работа газа в термодинамических процессах

Внутренняя энергия тела может изменяться, если действующие на него внешние силы совершают работу (положительную или отрицательную).

Рассмотрим вначале изобарный процесс. Пусть в цилиндре с подвижным поршнем находится газ при температуре T_1 .

Будем медленно нагревать газ до температуры T_2 . Газ будет изобарически расширяться, и поршень переместится из положения 1 в положение 2 на расстояние Δl . Сила давления газа при этом совершит работу над внешними телами. Так как p=const, то и сила давления $F=p\cdot S$ тоже постоянная. Поэтому работу этой силы можно рассчитать по формуле

$$L = F \cdot \Delta l = p \cdot S \cdot \Delta l = p \cdot \Delta V,$$

где ΔV — изменение объема газа.

Если объем газа не изменяется (изохорный процесс), то работа газа равна нулю.

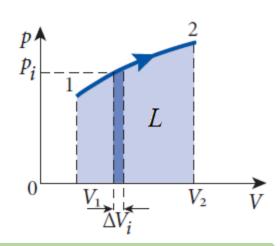
Газ выполняет работу только в процессе изменения своего объема.

При расширении ($\Delta V \!\!>\!\! 0$) газа совершается положительная работа ($L \!\!>\!\! 0$); при сжатии ($\Delta V \!\!<\!\! 0$) газа совершается отрицательная работа ($L \!\!<\!\! 0$).

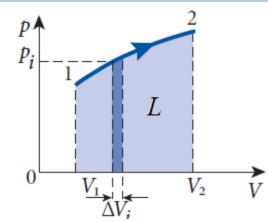
Если рассматривать работу внешних сил L' (L'=-L), то при расширении ($\Delta V > 0$) газа L' < 0; при сжатии ($\Delta V < 0$) L' > 0.

В случае переменного давления работа газа находится графическим методом.

Кривую функции p = f(V) можно представить как ломаную, состоящую из большого количества изохор и изобар.

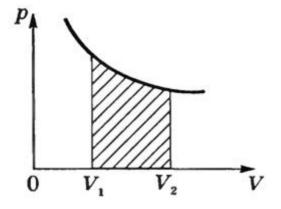


Работа на изохорных участках равна нулю, а суммарная работа на всех изобарных участках будет равна площади заштрихованной фигуры.



При изотермическом процессе (T=const) работа равна площади заштрихованной фигуры, изображенной на рисунке.

Видно, что при изменении объема газа работа будет зависеть от способа перехода (т.е. от процесса: изотермический, изобарный, изохорный).



Следовательно, можно сделать вывод, что работа в термодинамике является функцией процесса и не является функцией состояния.

Количество теплоты. Калорические коэффициенты

Внутренняя энергия тела может изменяться не только в результате совершаемой работы, но и вследствие *теплообмена*.

При тепловом контакте тел внутренняя энергия одного из них может увеличиваться, а другого – уменьшаться. В этом случае говорят о тепловом потоке от одного тела к другому.

Количеством теплоты Q, полученным телом, называют изменение внутренней энергии тела в результате теплообмена.

Опыт показывает, что количество теплоты, необходимое для нагревания тела массой m от температуры T_1 до температуры T_2 , рассчитывается по формуле

$$Q = c \cdot m \cdot \Delta T,$$

где c — удельная теплоемкость вещества

$$c = \frac{Q}{m \cdot \Delta T}, \qquad [c]_{CU} = \frac{\mathcal{J}_{\mathcal{K}}}{\kappa_{\Gamma} \cdot \mathcal{K}}.$$

Удельная теплоемкость c численно равна количеству теплоты, которое необходимо сообщить телу массой 1 кг, чтобы нагреть его на 1 К.

Первый закон термодинамики является обобщением закона сохранения и превращения энергии для термодинамической системы. Он формулируется следующим образом: количество теплоты, полученное системой, идет на изменение ее внутренней энергии и совершение работы над внешними телами: $Q = \Delta U + L.$

Первый закон термодинамики является обобщением опытных фактов. Согласно этому закону, энергия не может быть создана или уничтожена; она передается от одной системы к другой и превращается из одной формы в другую.

Важным следствием первого закона термодинамики является утверждение о невозможности создания машины, способной совершать полезную работу без потребления энергии извне и без каких-либо изменений внутри самой машины (perpetuum mobile).

6.16.* В сосуд налито 6,9 кг воды при 25°С. Найти массу пара, взятого при 100°С, необходимого для нагревания этой массы воды до температуры кипения. Удельная теплоемкость воды равна 4,2 кДж/(кг·К), удельная теплота парообразования воды равна 2300 кДж/кг. (**Отв.:** 0,945 кг).

Дано:

$$m_1 = 6,9 \text{ } \kappa \text{?}$$
 $T_1 = 25^{\circ} C = 298 \text{ } K$
 $T_2 = 100^{\circ} \text{ } C = 373 \text{ } K$

$$c_1 = 4, 2 \frac{\kappa \angle \mathcal{K}}{\kappa \Gamma \cdot \mathcal{K}}$$

$$\Theta = 100^{\circ} \text{C} = 373 \text{ K}$$

$$\lambda_{\Pi} = 2300 \frac{\text{кДж}}{\text{кг}}$$

$$m_2 - ?$$

$$Q_{non} + Q_{omo} = 0 \Leftrightarrow Q_{non} = |Q_{omo}|$$
 $Q_{non} = c_1 m_1 \Delta T = c_1 m_1 (\Theta - T_1)$
 $Q_{omo} = \lambda_{TI} m_2$

$$c_1 m_1 \left(\Theta - T_1\right) = \lambda_{II} m_2 \implies m_2 = \frac{c_1 m_1 \left(\Theta - T_1\right)}{\lambda_{II}}$$
 $m_2 = \frac{4200 \cdot 6,9 \cdot (373 - 298)}{2300 \cdot 10^3} = 0,945 \text{ (KG)}.$

6.18.* Воду, взятую при температуре 0°С, доводят до кипения и наполовину превращают в пар. При этом было израсходовано количество теплоты равное 3100 кДж. Найти начальную массу воды, если ее удельная теплоемкость равна 4,2 кДж/(кг·К), а удельная теплота парообразования 2260 кДж/кг. (**R.:** 2 кг).

Дано:

Дано.
$$T_1 = 0^{\circ} C = 273 \, K$$

$$T_2 = 100^{\circ} C = 373 \, K$$

$$m_2 = \frac{m}{2}$$

$$Q = 3100 \, k \text{Дж}$$

$$c = 4200 \frac{\text{Дж}}{\text{кг} \cdot \text{K}}$$

$$\lambda_{II} = 2260 \frac{\text{кДж}}{\text{кг}}$$

$$Q = Q_1 + Q_2$$

$$Q_1 = cm(T_2 - T_1)$$

$$Q_2 = \lambda_{\Pi} \frac{m}{2}$$

$$Q = cm(T_2 - T_1) + \lambda_{II} \frac{m}{2} \Rightarrow$$

$$2Q = \left[2c(T - T) + \lambda_{II} \right] m \Rightarrow$$

$$2Q = \left[2c\left(T_2 - T_1\right) + \lambda_{II}\right]m \Rightarrow$$

$$2Q = \left[2c\left(T_2 - T_1\right) + \lambda_{\Pi}\right] m = m = \frac{2Q}{2c\left(T_2 - T_1\right) + \lambda_{\Pi}}$$

$$m = \frac{2 \cdot 3100 \cdot 10^3}{2 \cdot 4200 \cdot (373 - 273) + 2260 \cdot 10^3} = 2 \text{ (KG)}.$$

6.20.* Для приготовления ванны необходимо смешать холодную воду при 15°C с горячей водой при 60°C. Какую массу горячей воды необходимо взять, чтобы получить 135 кг воды при температуре 36°C? (**Отв.:** 60 кг).

Дано:

$$T_1 = 15^{\circ} C = 288 K$$

 $T_2 = 60^{\circ} C = 333 K$
 $m = 135 \text{ K}\Gamma$
 $\Theta = 36^{\circ} C = 309 K$

 $m_2 - ?$

$$Q_{non} + Q_{omo} = 0 \Leftrightarrow Q_{non} = |Q_{omo}|$$

$$Q_{non} = cm_1 (\Theta - T_1)$$

$$|Q_{omo}| = |cm_2 (\Theta - T_2)|$$

$$cm_1(\Theta - T_1) = cm_2(T_2 - \Theta)$$

$$m = m_1 + m_2$$

$$(m - m_2)(\Theta - T_1) = m_2(T_2 - \Theta) \Rightarrow$$

$$m\Theta - mT_1 - m_2\Theta + m_2T_1 = m_2T_2 - m_2\Theta$$

$$m(\Theta - T_1) = m_2(T_2 - T_1)$$

$$m_2 = \frac{m(\Theta - T_1)}{T_2 - T_1}$$

$$m_2 = \frac{135(309 - 288)}{333 - 288} = 63 \text{ (KG)}.$$

6.21.* Чтобы охладить 2 л воды, взятой при 80°С, до 60°С, в неё добавляют холодную воду при 10°С. Какой объем холодной воды требуется добавить? (**Отв.:** 0,8 л).

Дано:

$$m_1 = 2 \pi = 2 \text{ K}\Gamma$$

 $T_1 = 80^{\circ} C = 353 \text{ K}$
 $\Theta = 60^{\circ} \text{ C} = 333 \text{ K}$
 $T_2 = 10^{\circ} \text{ C} = 283 \text{ K}$

$$m_2 - ?$$

$$Q_{non} + Q_{omo} = 0 \Leftrightarrow Q_{non} = |Q_{omo}|$$

$$Q_{non} = cm_2 (\Theta - T_2)$$

$$|Q_{omo}| = |cm_1 (\Theta - T_1)|$$

$$cm_1(\Theta - T_1) = cm_2(\Theta - T_2) \Longrightarrow$$

$$m_2 = \frac{m_1(\Theta - T_1)}{\Theta - T_2}, \qquad m_2 = \frac{2(353 - 333)}{333 - 283} = 0.8 \text{ (kg)}.$$

6.22.* Для определения удельной теплоемкости технического масла нагревает в одинаковых условиях равные массы масла и воды. Через некоторое время температура воды увеличилась на 2,8°C, а температура масла на 8°C. Найти удельную теплоемкость масла, если удельная теплоемкость воды равна 4200 Дж/(кг·К). (**Отв.:** 1470 Дж/(кг·К)).

Дано: Pewenue:
$$Q_{e} = Q_{M}$$

$$Q_{e} = C_{e} \cdot m \cdot \Delta T_{e}$$

$$Q_{m} = c_{m} \cdot m \cdot \Delta T_{m}$$

$$Q_$$

6.25.* Какое наименьшее количество теплоты необходимо сообщить 0,5 кг свинца, взятого при 27°С, чтобы обратить его в жидкость? Температура плавления свинца равна 327°С, удельная теплоемкость 1,3·10² Дж/(кг·К). Удельная теплота плавления 2,5·10⁴ Дж/кг. (**Отв.:** 32 кДж).

Дано:

$$m = 0,5 \text{ кг}$$
 $T_1 = 27^{\circ} \text{ C} = 300 \text{ K}$

$$T_2 = 327^{\circ} \,\mathrm{C} = 600 \,\mathrm{K}$$

$$c = 1, 3 \cdot 10^2 \frac{\text{Дж}}{\text{K} \cdot \text{K}}$$

$$\lambda_{\Pi_n} = 2,5 \cdot 10^4 \frac{\text{Дж}}{\text{K}\Gamma}$$

$$Q = Q_1 + Q_{\Pi_{\mathcal{I}}}$$

$$Q_1 = cm(T_2 - T_1)$$

$$Q_{\Pi_{\Pi}} = \lambda_{\Pi_{\Pi}} \cdot m$$

$$Q = cm(T_2 - T_1) + m\lambda_{\Pi_n},$$

$$Q = 1,3 \cdot 10^2 \cdot 0,5(600 - 300) + 0,5 \cdot 2,5 \cdot 10^4 =$$

$$=32000 (Дж).$$



6.36.* С какой минимальной скоростью должна лететь льдинка при 0°С, чтобы при ударе о преграду она полностью расплавилась? Удельную теплоту плавления льда принять равной 3,2·10⁵ Дж/кг. (**Отв.:** 800 м/с).

Дано: Решение:
$$T=0^{\circ}\text{C}=273\,\text{K} \qquad E_k=Q_{\Pi_{\Pi}}$$

$$\lambda_{\Pi_{\Pi}}=3,2\cdot 10^{5}\frac{\text{Дж}}{\text{K}\Gamma} \qquad E_k=\frac{mv^2}{2} \qquad \Longrightarrow \frac{mv^2}{2}=m\lambda_{\Pi_{\Pi}} \Longrightarrow Q_{\Pi_{\Pi}}=m\cdot\lambda_{\Pi_{\Pi}}$$

$$v = \sqrt{2 \cdot \lambda_{\Pi n}}, \quad v = \sqrt{2 \cdot 3, 2 \cdot 10^5} = 800 \left(\frac{M}{c}\right).$$

6.52.* Газу передано 6225 Дж теплоты. Изменение его внутренней энергии равно 3735 Дж. Считая процесс изобарным, найти давление газа, если изменение его объема равно 0,03 м³. (Отв.: 83 кПа).

Дано:
$$Q = 6225 \; \text{Дж}$$
 $Q = \Delta U + L$ $\Delta U = 3735 \; \text{Дж}$ $p = const$ $\Delta V = 0,03 \; \text{м}^3$ $Q - \Delta U = p \cdot \Delta V \Rightarrow$ $p = \frac{Q - \Delta U}{\Delta V}, \;\; p = \frac{6225 - 3735}{0,03} = 83 \cdot 10^3 \; (\Pi a).$

6.54.* Три моля газа получили в изобарном процессе 4980 Дж теплоты. Температура газа изменилась на $\Delta T = 80$ К. Найти изменение внутренней энергии газа. Принять R = 8,3 Дж/(моль·К).

(Отв.: 2988 Дж). Дано: $\nu = 3$ моль p = constQ = 4980 Дж $\Delta T = 80 \text{ K}$ R=8,3 μ $\Lambda U - ?$

Решение: $Q = \Delta U + L \Rightarrow \Delta U = Q - L$ $p = const \Rightarrow L = p \cdot \Delta V$ $pV_1 = vRT_1$ $p(V_2 - V_1) = vR(T_2 - T_1) \Rightarrow$ $pV_2 = vRT_2$ $p \cdot \Delta V = \nu R \cdot \Delta T \Rightarrow L = \nu R \cdot \Delta T$ $\Delta U = Q - \nu R \cdot \Delta T$ $\Delta U = 4980 - 3.8, 3.80 = 2988$ (Дж).

6.55.* В изохорном процессе газ получил $Q_1 = 2490$ Дж теплоты. Какое количество теплоты должен получить этот газ, чтобы совершить работу A = 1660 Дж в изобарном процессе, если изменение его температуры такое же, как и в первом случае? (Отв.: 4,15 кДж). Решение:

$$\mathcal{A}$$
ано:
 $V = const$
 $Q_1 = 2490 \; \mathcal{A}$ ж
 $L = 1660 \; \mathcal{A}$ жс
 $p = const$
 $\Delta T_1 = \Delta T_2$

 $Q_2 - ?$

Решение:
$$V=const\Rightarrow L_0=0\Rightarrow Q_1=\Delta U_1$$
 $p=const\Rightarrow Q_2=\Delta U_2+L$ $\Delta U=\frac{3}{2}v\cdot R\cdot \Delta T\Rightarrow \Delta T_1=\Delta T_2\Rightarrow \Delta U_1=\Delta U_2$ $Q_2=Q_1+L,$ $Q_2=2490+1660=4150~(\mbox{Дж}).$

6.57.* Найти высоту водопада, если известно, что у его основания вода нагрелась на $\Delta T = 0.01$ К. Считать, что на нагревание воды пошло 30% механической энергии. Принять удельную теплоемкость воды $c = 4.2 \cdot 10^3 \, \text{Дж/(кг·К)}$, ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/c}^2$. (Отв.: 14 м).

$$\mathcal{L}$$
ано: $\Delta T = 0.01 \, \mathrm{K}$

$$Q = 0.3E$$

$$c = 4, 2 \cdot 10^3 \frac{\text{Дж}}{\text{кг} \cdot \text{K}}$$

$$g = 10 \frac{M}{c^2}$$

$$h = ?$$

$$\begin{array}{ll}
\Delta T = 0.01 \text{K} & E = E_{\Pi} = mgh \\
Q = 0.3 E & Q = 0.3 E_{\Pi} & c \cdot m \cdot \Delta T = 0.3 \cdot mgh \Rightarrow \\
c = 4.2 \cdot 10^{3} \frac{\text{Дж}}{\text{K} \Gamma \cdot \text{K}} & Q = c \cdot m \cdot \Delta T
\end{array}$$

$$c \cdot m \cdot \Delta T = 0, 3 \cdot mgh \Longrightarrow$$

$$\frac{g = 10 \frac{M}{c^2}}{h - ?} \qquad h = \frac{c \cdot \Delta T}{0, 3 \cdot g}, \ h = \frac{4, 2 \cdot 10^3 \cdot 0, 01}{0, 3 \cdot 10} = 14 \text{ (M)}.$$

6.60.* При сообщении газу количества теплоты 5 кДж, его внутренняя энергия возрастает на 3 кДж, а объем – на 0,02 м³. Определить давление газа, считая его постоянным. (Отв.: 100 кПа).

$$egin{aligned} \mathcal{A} & A HO: \ Q &= 5 \, \mathrm{K} \ \mathcal{A} & \mathcal{$$

$$Q = 5$$
 кДж $p = const \Rightarrow Q = \Delta U + L$ $\Delta U = 3$ кДж $L = p \cdot \Delta V$ $Q = \Delta U + p \cdot \Delta V \Rightarrow Q = \Delta U + p \cdot \Delta V$

$$p = \frac{Q - \Delta U}{\Delta V}, \quad p = \frac{(5-3) \cdot 10^3}{0,02} = 100 \cdot 10^3 \text{ (\Pia)}.$$

6.71.* Тепловая машина, КПД которой равен 30 %, совершила полезную работу 270 Дж. Какое количество теплоты получила машина от нагревателя за это время? (Отв.: 900 Дж).

Дано: $\eta = 30\%$

$$\eta = 30\%$$
 $L_{non} = 270$ Дж
 $\eta = \frac{L_{non}}{L_{samp}}$
 $\eta = \frac{L_{non}}{Q} \Rightarrow 0$

$$Q = \frac{L_{non}}{\eta}, \qquad Q = \frac{270}{0.3} = 900 \; (Дж).$$

6.72.* Рабочее тело теплового двигателя, КПД которого равен 26 %, за один цикл получает от нагревателя количество теплоты 16 кДж. Какое количество теплоты отдает холодильнику рабочее тело за один цикл? (**Отв.:** 12 кДж).

Дано: Решение: $\eta = 26 \%$ $\eta = \frac{Q_1 - Q_2}{Q_1} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} \Rightarrow$ $Q_2 = 1 - \eta \Rightarrow Q_2 = Q_1 (1 - \eta)$ $Q_2 = Q_1 (1 - \eta)$

$$Q_2 = 16 \cdot 10^3 (1 - 0.26) = 11.84 \cdot 10^3 (Дж).$$

6.74.* Пуля массой m = 8 г вылетает из ствола ружья со скоростью v = 600 м/с, при этом сгорает порох массой $m_1 = 0.8$ г. Найти КПД выстрела. Принять удельную теплоту сгорания пороха $q = 4 \cdot 10^6$ Дж/кг. (**Отв.:** 45 %).

Дано:
$$m=8\ \Gamma$$
 $\eta=\frac{L_{non}}{L_{samp}}$ $\eta=\frac{m\cdot v^2}{2\cdot m_1\cdot q}$, $\eta=q=4\cdot 10^6\ \frac{\Pi \text{ж}}{\text{K}\Gamma}$ $L_{samp}=Q=m_1\cdot q$ $\eta=\frac{m\cdot v^2}{2\cdot m_1\cdot q}$, $\eta=\frac{m\cdot v^2}{2\cdot m_1\cdot q}$

$$\eta = \frac{8 \cdot 10^{-3} \cdot 600^2}{2 \cdot 0.8 \cdot 10^{-3} \cdot 4 \cdot 10^6} = \frac{2880}{6400} = 0.45; \quad \eta = 45 \%.$$

Влажность

Известно, что 2/3 нашей планеты покрыто водой. Так как испарение происходит при любой температуре, в нижних слоях атмосферы Земли всегда находятся водяные пары.

Величина, характеризующая содержание водяных паров в атмосфере Земли, называется влажностью воздуха.

Для количественного описания влажности воздуха различают влажность *абсолютную* и *относительную*.

Величина, равная плотности водяных паров ρ в атмосфере, называется абсолютной влажностью.

Степень влажности воздуха зависит от температуры. Одна и та же плотность водяных паров в атмосфере прохладным весенним днем может быть близка к насыщению и воздух будет влажным, а в жаркий летний день – далека от насыщения и воздух будет сухим. Итак, важно знать, насколько пары близки к состоянию насыщения.

Относительная влажность представляет собой величину, выражаемую, как правило, в процентах и численно равную отношению между плотностью водяных паров ρ , находящихся в атмосфере при данной температуре, и плотностью насыщенных паров $\rho_{\text{нас.}}$ при этой температуре:

$$\varphi = \frac{\rho}{\rho_{\text{\tiny Hac.}}} \cdot 100 \%.$$

Если использовать связь между плотностью и давлением то относительную влажность можно найти с помощью давлений:

$$\varphi = \frac{p}{p_{\text{\tiny Hac.}}} \cdot 100 \%.$$

где p – давление водяных паров в атмосфере при данной температуре, а $p_{\rm hac.}$ – давление насыщенных водяных паров при этой же температуре.

Экспериментально доказано, что изменение температуры влияет на влажность воздуха.

Температура, при которой в процессе охлаждения воздуха при постоянном давлении пары воды становятся насыщенными, называется точкой росы.

Нормы влажности по ГОСТу

Ученые определили комфортную влажность воздуха в квартире. Рекомендации указаны в <u>ГОСТ 30494-2011</u> «Здания жилые и общественные. Параметры микроклимата в помещениях».

Зимой — 30—45%, но не больше 60% Летом — 30—60%, но не больше 65%

Для кухни, ванной и туалета влажность не нормируется. Там она может достигать 100%. Обычно в этих комнатах предусмотрена вентиляция, поэтому высокая влажность непостоянная.

Влажность в остальных комнатах не должна быть выше 65%, иначе могут начать размножаться плесневые грибки и микробы, портится деревянная и мягкая мебель.

6.77. В комнате объемом 30 м³ находится воздух с абсолютной влажностью 25 г/м³. Какова масса водяного пара в комнате? (**Отв.:** 0,75 кг). *Решение:*

Дано:

$$V = 30 \text{ m}^3$$

$$\rho = 25 \frac{\Gamma}{\text{M}^3}$$

$$m-?$$

$$\rho = \frac{m}{V} \Longrightarrow m = \rho \cdot V,$$

$$m = 25 \cdot 10^{-3} \cdot 30 = 0,75 \text{ (кг)}.$$

6.78. В некотором сосуде находится воздух с относительной влажностью 80%. Давление насыщенных водяных паров при данной температуре равно 1,8 кПа. Каково давление водяных паров в данном сосуде? (Отв.: 1,44 кПа).

$$egin{aligned} \mathcal{A} & a & a & a \ & arphi = 80 \ & p_{_{\it Hac.}} = 1,8 \ {
m K} \Pi {
m a} \ & p - ? \end{aligned}$$

$$\varphi = \frac{p}{p_{\text{\tiny Hac.}}} \cdot 100 \% \Longrightarrow$$

$$p = \frac{\varphi}{100} \cdot p_{\text{\tiny HAC.}}$$

$$p = 0, 8 \cdot 1, 8 = 1,44 \text{ (} \kappa \Pi a \text{)}.$$

6.79.* В комнате объемом 30 м³ находится воздух с абсолютной влажностью 20 г/м³. Какой будет абсолютная влажность воздуха, если в комнату испарить 60 г воды? (Отв.: 0.022 кг/м^3).

Дано:
$$V = 30 \text{ м}^3$$

$$\rho = 20 \frac{\Gamma}{\text{м}^3}$$

$$m_1 = 60 \text{ }\Gamma$$

Дано:
$$V = 30 \text{ м}^3$$
 $\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \cdot V$ $\rho_1 = \frac{m \cdot m_1}{V}$ $\rho_1 = \frac{\rho \cdot V + m_1}{V}$,

$$\rho_1 = \frac{20 \cdot 10^{-3} \cdot 30 + 60 \cdot 10^{-3}}{30} = 0,022 \left(\frac{\kappa \Gamma}{\text{M}^3}\right).$$

6.80.** В комнате объемом 60 м³ находится воздух с абсолютной влажностью 15 г/м³ при температуре 27°С. В комнате положили широкий сосуд с водой. Сколько воды испарится, если давление насыщенных водяных паров при данной температуре равно 3,32 кПа. Универсальную газовую постоянную принять равной 8,3 Дж/(моль·К). (**Отв.:** 0,54 кг). \mathcal{L}_{AHO} : \mathcal{L}_{AHO} : \mathcal{L}_{BHO} :

$$V = 60 \text{ M}^3$$
 $\rho = 15 \frac{\Gamma}{\text{M}^3}$
 $T = 27^{\circ} \text{C} = 300 \text{ K}$
 $p_{\text{Hac.}} = 3{,}32 \text{ к}\Pi \text{a}$
 $R = 8{,}3 \frac{\Pi \text{ж}}{\text{моль · K}}$
 $M = 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{к}\Gamma}{\text{m}}$

Решение.
$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow m = \rho \cdot V$$

$$p_{\text{Hac.}} V = \frac{m + m_1}{M} RT \Rightarrow \frac{p_{\text{Hac.}} \cdot V \cdot M}{R \cdot T} = m + m_1 \Rightarrow$$

$$m_1 = \frac{p_{\text{Hac.}} \cdot V \cdot M}{R \cdot T} - m \Rightarrow m_1 = \frac{p_{\text{Hac.}} \cdot V \cdot M}{R \cdot T} - \rho \cdot V,$$

$$m_1 = \frac{3,32 \cdot 10^3 \cdot 60 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{8,3 \cdot 300} - 15 \cdot 10^{-3} \cdot 60 = 0,54 \text{ (кг)}.$$

$$m_1 = \frac{3,32 \cdot 10^3 \cdot 60 \cdot 18 \cdot 10^{-3}}{8,3 \cdot 300} - 15 \cdot 10^{-3} \cdot 60 = 0,54 \text{ (кг)}.$$

6.81.** В цилиндре под поршнем находится 3 г водяного пара при температуре 27°C. Газ изотермически сжимается. При каком объеме выпадет роса? Давление насыщенных водяных паров при $t = 27^{\circ}$ С $p_{_{\rm H}} = 3{,}32$ кПа. Универсальная газовая постоянная R = 8,3 Дж/(моль·К). (Отв.: $0,125 \text{ м}^3$).

Дано:

$$m = 3 \Gamma$$
 $T = 27^{\circ} \text{C} = 300 \text{ K}$
 $p_{\text{hac.}} = 3,32 \text{ к}\Pi \text{a}$
 $R = 8,3 \frac{\text{Дж}}{\text{моль · K}}$
 $M = 18 \cdot 10^{-3} \frac{\text{к}\Gamma}{\text{моль · K}}$

$$V-?$$

$$p_{\text{\tiny Hac.}}V = \frac{m}{M}RT \Rightarrow V = \frac{m \cdot R \cdot T}{M \cdot p_{\text{\tiny Hac.}}},$$

$$V = \frac{3 \cdot 10^{-3} \cdot 8, 3 \cdot 300}{18 \cdot 10^{-3} \cdot 3, 32 \cdot 10^{3}} = 0,125 \, (\text{m}^{3}).$$

6.82.** В цилиндре под поршнем находится вода массой $m_1 = 35$ мг и пар массой $m_2 = 25$ мг при температуре t = 27°C. Газ изотермически расширяется. При каком объеме вода в цилиндре полностью испарится? Давление насыщенных водяных паров при t = 27°C равна 3,32 кПа. Универсальная газовая постоянная R = 8,3 Дж/(моль·К). (**Отв.:** 2,5 л).

Дано:

$$m_1 = 35 \text{ M}\Gamma$$
 $m_2 = 25 \text{ M}\Gamma$
 $T = 27^{\circ}\text{C} = 300 \text{ K}$
 $p_{\text{Hac.}} = 3,32 \text{ к}\Pi a$

$$R = 8,3 \frac{Дж}{моль \cdot K}$$

$$M = 18 \cdot 10^{-3} \frac{\mathrm{K}\Gamma}{\mathrm{МОЛЬ}}$$

$$p_{\scriptscriptstyle Hac.}V = \frac{m_1 + m_2}{M}RT \Rightarrow V = \frac{(m_1 + m_2) \cdot R \cdot T}{M \cdot p_{\scriptscriptstyle Hac.}},$$

$$V = \frac{(35+25)\cdot 10^{-6}\cdot 8, 3\cdot 300}{18\cdot 10^{-3}\cdot 3, 32\cdot 10^{3}} = 2, 5\cdot 10^{-3} (\text{m}^{3}).$$

6.83.** В комнате при температуре $t_1 = 27^{\circ}$ С относительная влажность $\phi_1 = 12$ %. Какой станет относительная влажность, если температура в комнате постепенно понизится до $t_2 = 14$ °C. Давление насыщенных водяных паров при $t_1 = 27$ °C и $t_2 = 14$ °C равны 3,6 кПа и 1,6 кПа, соответственною. (**Отв.:** 25,83 %). *Решение:*

$$T_1 = 27^{\circ} \text{C} = 300 \text{ K}$$
 $\phi_1 = 12 \%$
 $T_2 = 14^{\circ} \text{C} = 287 \text{ K}$
 $p_{1 \, \text{\tiny Hac.}} = 3,6 \text{ к}\Pi a$
 $p_{2 \, \text{\tiny Hac.}} = 1,6 \text{ к}\Pi a$

$$\varphi_2-?$$

$$arphi_1 = rac{p_1}{p_{1\,{\scriptscriptstyle Hac.}}} \Rightarrow p_1 = arphi_1 \cdot p_{1\,{\scriptscriptstyle Hac.}}$$

$$p_1 \cdot V = \frac{m}{M} R \cdot T_1 \Rightarrow \frac{V \cdot M}{m \cdot R} = \frac{T_1}{p_1}$$
 $p_2 \cdot V = \frac{m}{M} R \cdot T_2 \Rightarrow \frac{V \cdot M}{m \cdot R} = \frac{T_2}{p_2}$
 $\varphi_2 = \frac{p_2}{p_2} \Rightarrow p_2 = \varphi_2 \cdot p_{2 \text{ Hac.}}$

$$\frac{T_1}{\varphi_1 \cdot p_{1 \text{ Hac.}}} = \frac{T_2}{\varphi_2 \cdot p_{2 \text{ Hac.}}} \Longrightarrow$$

$$\varphi_2 = \frac{\varphi_1 \cdot T_2 \cdot p_{1 \, \text{\tiny Hac.}}}{T_1 \cdot p_{2 \, \text{\tiny Hac.}}},$$

$$\varphi_2 = \frac{12 \cdot 3, 6 \cdot 287}{300 \cdot 1, 6} = 25,83 \, (\%).$$