



# INFORMATICA CUANTICĂ

**Acad. AŞM, Profesor univ. Sidorenko Anatolie**

Institutul de Inginerie Electronica  
și Nanotehnologii al UTM

E-mail: [sidorenko.anatoli@gmail.com](mailto:sidorenko.anatoli@gmail.com)

[anatolie.sidorenko@mib.utm.md](mailto:anatolie.sidorenko@mib.utm.md)

Tel./viber +37369513294

## Тема 5. Проблемы измерений состояния кубита

### 5.1. Измерение состояния кубита

Измерение состояния кубитов в квантовом компьютере считается одной из стандартных операций. Например, инициализация кубитов квантового регистра может быть выполнена алгоритмически: каждый кубит в неизвестном состоянии регистра  $|\psi\rangle = \sum_x a_x |x\rangle$  подвергается измерению в базисе  $|0\rangle, |1\rangle$ . Если получается  $|0\rangle$ , инициализация кубита завершена; если получается  $|1\rangle$ , применяем операцию NOT  $|1\rangle = |0\rangle$ .

Операция измерения выполняется в ходе процессов коррекции ошибок (чтение синдрома ошибок) и возвращения в состояние  $|0\rangle$  кубитов-анцилл. Наконец, измерение всех кубитов квантового регистра в базисе  $|0\rangle, |1\rangle$  выполняется по завершении вычислений в целях получения классической информации (двоичного числа  $j_1, \dots, j_n \in \{0, 1\}$ ) о решении задачи.

С теоретической точки зрения нет никаких сложностей в процедуре измерения состояния кубита в базисе  $|0\rangle, |1\rangle$ . Однако физическая реализация измерения кубита сопряжена с решением весьма сложных технологических проблем, связанных с преодолением трудностей измерения состояния отдельной атомной частицы: атома, иона, электрона, спина электрона или атомного ядра, фотона. По существу для каждой реализации кубита нужна разработка своего физического метода измерения его состояния.

Измерения состояния кубитов на сверхпроводниковых мезоструктурах (квантовые точки с куперовскими парами или сквиды со сверхтоками) сводятся к электрическим измерениям с накоплением сигнала. Можно утверждать, что проблема измерения состояния отдельных кубитов — одна из самых трудных с точки зрения физической реализации квантового компьютера.

## Тема 5. Проблемы измерений состояния кубита

### 5.2. Томография квантового состояния

Процедура определения матрицы плотности  $\rho$  неизвестного состояния системы называется томографией квантового состояния. Томография состояния означает, что нужно определить все элементы матрицы  $\rho$  или (в случае системы в чистом состоянии  $|\psi\rangle = \sum_x c_x |x\rangle$ ) все амплитуды  $c_x$ , включая их фазы. Томография состояния есть статистическая процедура, требующая наличия (изготовления) неограниченного ансамбля частиц в состоянии  $\rho$  и выполнения измерений на частицах из этого ансамбля.

Рассмотрим на примере кубита, какие измерения нужны.

Матрицу плотности  $\rho$  кубита можно разложить по стандартному набору матриц операторов преобразования кубита  $I, X, Y, Z$ :

$$\rho = \text{Tr} (I\rho)I + \text{Tr} (X\rho)X + \text{Tr} (Y\rho)Y + \text{Tr} (Z\rho)Z. \quad (55)$$

Величина  $\text{Tr} (A\rho)$  представляет собой среднее значение наблюдаемой  $A$ . Из уравнения (55) следует, что для определения матрицы плотности  $\rho$  неизвестного состояния необходимы статистические измерения, позволяющие найти средние значения (моменты первого порядка) наблюдаемых  $X, Y, Z$ :

$$\langle X \rangle = \text{Tr} (X\rho) \equiv \lim_{m \rightarrow \infty} \left( \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m X_i \right),$$

## Тема 5. Проблемы измерений состояния кубита

### 5.2. Томография квантового состояния

Идею метода томографии квантового процесса продемонстрируем на примере одного кубита. Выберем  $d^2 = 4$  ( $d = 2$  — размерность пространства состояний кубита) подансамбля кубитов в базисных состояниях  $p_1, \dots, p_4$ :

$$\rho_1 = |\psi_1\rangle\langle\psi_1|, \dots, \rho_4 = |\psi_4\rangle\langle\psi_4|.$$

В результате неизвестного процесса декогерентизации, характеризуемого оператором  $E$ , состояния  $p_i$  трансформируются:

$$\rho_i \rightarrow \rho'_i = E \otimes \rho_i.$$

Состояния  $\rho'_i$  известны, а состояния с ошибкой  $\rho'_{i'}$  определяются, используя процедуры томографии квантового состояния. Тогда равенства

$$\rho'_i = E \otimes \rho_i$$

представляют собой систему уравнений для определения элементов неизвестной матрицы  $E$ .